

Напечатано:			Читай.
Стрн.	Строк.		
200	15	<i>eF</i>	<i>eF'</i>
—	16	N	N'
207	1	OM"	oM"
—	3	сниз. дѣлъ сіи плоскости	которыя нибудь дѣлъ изъ плоскостей оныхъ плоскихъ человѣкъ.
244	9	1—кос. A	1—кос. A = 2 син. $\frac{2}{3}$ A, (черт. 192)
260	1		къ которой.
299	13	сниз. которой	

116.625.✓
СРОДЕРЖАНО

КУРСЪ МАТЕМАТИКИ,

изданный на Французскомъ языке

БЕЛЛАВЕНЕМЪ

для употребленія въ военныхъ школахъ;

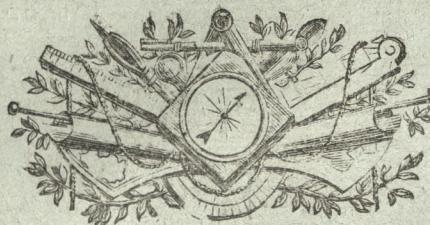
Съ Французскаго на Русской языкъ перевель

ИМПЕРАТОРСКАГО Московскаго Университета Прикладной Математики Профессоръ

ФЕДОРЪ ЧУМАКОВЪ.

ЧАСТЬ III.

АНАЛИТИЧЕСКАЯ ГЕОМЕТРИЯ И МЕХНИКА.



МОСКВА,
въ типографии АВГУСТА СЕМЕНА.

1821.

ТАБЛИЦА
ОПРЕДЕЛЕНИЙ И ГЛАВНЫХЪ НАЧАЛЪ.

АНАЛИТИЧЕСКАЯ ГЕОМЕТРИЯ.

ГЛАВА I.

*Уравненія линій прямой и линій кривыхъ вто-
рой степени.*

Положеніе точки на плоскості дается помошію ея
расстояній отъ двухъ осей, обыкновенно прямоуголь-
ныхъ : одна изъ нихъ есть ось абсциссъ, другая ось
ординатъ чл. 2.

Положеніе прямой линії опредѣляютъ два условия :
уголъ составляемый ею съ осью абсциссъ, и точка,
въ которой она пересѣкаетъ одну изъ осей. Тангенсъ
сего угла выражаетъ постороннное отношеніе между
координатами каждой точки прямой линії. чл. 3.

По сemu основанію находящіеся уравненіе прямой линії,
проходящей чрезъ двѣ даннныя точки. чл. 4.

Прямой линії перпендикулярной къ данной прямой. чл. 5

Длина перпендикуляра опущенного изъ данной точки
на данную прямую. чл. 5.

Уголъ данныхъ двухъ прямыхъ линій. чл. 6.

По даннымъ полупоперешнику круга и координатамъ
его центра найти его уравненіе. чл. 7.

Симъ уравненiemъ повѣряется извѣстное свойство круга: что центръ окружности, проходящей чрезъ три даныя точки, находящіяся на взаимномъ сѣченіи двухъ перпендикуляровъ проведенныхъ чрезъ средины прямыхъ линій соединяющихъ даныя точки. чл. 8.

Что касательная есть средняя пропорциональная линія между цѣлымъ секансомъ и его наружною частію: сіе доказываетъ способъ описывать окружность круга касательную къ данной прямой линіи, которая бы припомъ проходила чрезъ двѣ даныя точки. чл. 9.

Еллипсисъ есть кривая линія замыкающаяся, которой отличительное свойство есть то, что сумма радиусовъ векторовъ есть всегда постоянная; уравнение выражающее сіе свойство. чл. 10.

Площадь еллипса равняется произведению обѣихъ его полуосей умноженному по отношенію окружности къ поперечнику. чл. 11.

Въ гиперболѣ разность радиусовъ векторовъ есть постоянная; выражая сіе свойство, доходимъ до уравненія сей кривой линіи. чл. 12.

Отличительное свойство параболы есть то, что всѣ я точки находятся въ равномъ разстояніи отъ данной прямой линіи, называемой директрисою и отъ данной точки, именуемой фокусомъ. Уравненіе сей кривой линіи извлекается изъ сего свойства. чл. 13.

Площадь параболы равняется двумъ препятствіямъ площади прямоугольника около ея описанного. чл. 14.

Кривыя линіи второй степени: кругъ, еллипсисъ, гипербола и парабола называются также конитескими състеніями. чл. 15.

ГЛАВА II.

Преобразование координатъ; свойства кривыхъ линій втораго порядка.

Общее уравненіе впорой степени съ двумя переменными количествами содержитъ въ себѣ впороя и первая степени сихъ переменныхъ, также произведеніе ихъ первыхъ степеней. чл. 16.

Формулы, преобразующія координаты не измѣняютъ степени уравненія кривой линіи. чл. 17.

Радиусъ векторъ есть прямая линія, идущая отъ полюса къ какой нибудь точкѣ кривой линіи. чл. 19.

Изслѣдовать общее уравненіе впорой степени съ двумя переменными количествами значить показать условія аналитическія, которыми сіе уравненіе должно удовлетворять, дабы представить ту, или другую кривую линію сей степени. чл. 20—24.

Прямоугольникъ, составленный изъ осей еллипса, равняется площадью прямоугольнику, изъ его сопряженныхъ діаметровъ. чл. 25.

Въ еллипсисѣ сумма квадратовъ сопряженныхъ діаметровъ равняется суммѣ квадратовъ осей. чл. 25.

Въ гиперболѣ прямоугольникъ, составленный изъ сопряженныхъ діаметровъ, равняется прямоугольнику изъ осей; и разность квадратовъ сопряженныхъ діаметровъ равняется разности квадратовъ изъ осей. чл. 26.

Въ параболѣ квадраты ординатъ пропорциональны соответствующимъ абсциссамъ, какои бы уголъ ординатъ ни былъ. чл. 27.

Разсматривая касательную линию какъ секансъ, для котораго двѣ точки взаимна со съченіемъ съ кривою линіею совпадаютъ. выводятся формулы выражающія сіе условіе и слѣдов. служащія къ представлѣнію касательныхъ къ кривымъ линіямъ впорой степеніи.

чл. 28.

Нарізъ есть перпендикуляръ къ касательной линіи, проведенный чрезъ точку касанія до оси абсциссъ. чл. 21.

Подъ-нормаль есть часть оси абсциссъ, содержащаяся между нормальною и ординатою.

чл. 32.

Есть ли большая ось эллипса есть безконечная, то сія кривая линія дѣлается параболою, и одинъ изъ радиусъ векторовъ будеуть діаметръ параллельный сей оси.

чл. 33.

Асимптотами гиперболы называются двѣ прямые линіи взаимно пересѣкающіеся въ центрѣ кривой линіи и непрестанно приближающіеся къ ея отросткамъ, не будучи въ состояніи никогда ихъ доспигнуть чл. 34.

Уравненіе гиперболы относительно асимптотъ. чл. 34.

Свойство сей кривой линіи, изъ котораго извлекается весьма простое средство проводить къней касательную линію, когда дается точка касанія. чл. 35.

ГЛАВА III.

Основанія геометріи трехъ измѣреній.

Уравненіе $r^2 = x^2 + y^2 + z^2$ представляетъ шаръ, имѣющій полуоперицникомъ r ; чтобъ получить уравненіе взаимныхъ съченій шара съ премя плоскостями координатъ, надобно положить постѣдовательно $x=0$, $y=0$, $z=0$.

чл. 36.

Уравненія проложеній прямой линіи на плоскостяхъ координатъ опредѣляютъ положеніе сей прямой въ пространствѣ.

чл. 37.

Сумма квадратовъ косинусовъ угловъ, составляемыхъ какою нибудь прямою линію съ премя прямогольными осями, равняется единицѣ.

чл. 41.

Косинусъ угла двухъ прямыхъ линій равняется суммѣ произведеній косинусовъ угловъ, которые онѣ составляютъ съ каждою изъ прямоугольныхъ осей.

чл. 41.

Уравненіе плоскости.

чл. 42.

Определеніе угла, составленного двумя плоскостями чл. 43.

Выраженіе кратчайшаго разстоянія точки отъ плоскости.

чл. 44.

МЕХАНИКА.

Определенія и предварительныя понятія.

Механика есть наука о движениі и равновѣсіи. чл. I.

Всякая причина движущая или спремящая двигать какое нибудь тѣло, назыв. силою.

чл. I.

Когда силы приложенные къ тѣлу взаимно уничтожаются, тогда бываетъ равновѣсіе.

Статика имѣеть предметомъ равновѣсіе силъ приложенныхъ къ тѣламъ твердымъ.

чл. I.

Гидростатика есть наука о равновѣсіи тѣлъ жидкіхъ.

чл. I.

Динамика есть наука о движениі тѣлъ твердыхъ.

чл. I.

Понятіе о составной силѣ, о совокуплении силъ.

чл. 2.

Дѣйствіе силы не перемѣнится, какая бы точка ея направлена за точку преложенія взята ни была.

чл. 2.

ОТДЕЛЕНИЕ ПЕРВОЕ

СТАТИКА.

ГЛАВА I.

Совокупление и разложение силъ.

Параллелограммъ силъ.	чл. 3, 4 и 5.
Отношение между двумя силами ; уголъ ихъ направлений и ихъ составная.	чл. 6.
Двѣ силы и ихъ составная могутъ представиться каждая синусомъ угла составленного направленіями двухъ другихъ.	чл. 7.
О составной прѣхъ силъ приложенныхъ къ одной точкѣ въ разныхъ плоскостяхъ.	чл. 8.
О разложеніи одной силы на при другія относительно параллельныхъ премъ осамъ координата.	чл. 9.
Величина и направление составной многихъ силъ приложенныхъ къ одной точкѣ.	чл. 10.
Уравненія равновѣсія многихъ силъ приложенныхъ къ одной точкѣ.	чл. 12.
Совокупление двухъ параллельныхъ силъ.	чл. 13.
Разложеніе одной силы на двѣ другія ей параллельныя.	чл. 14.
Совокупленіе многихъ параллельныхъ силъ.	чл. 15.

О моментахъ , ихъ употребленіи и о уравненіяхъ равновѣсія.

Моментомъ силы назыв. произведеніе сей силы на разстояніе ея направленія отъ какой нибудь точки, линіи или плоскости. чл. 16.

Моментъ составной двухъ или многимъ силъ , находящихся въ одной плоскости равняется суммѣ моментовъ сихъ силъ. чл. 16, 17 и 18.

Выраженіе разстоянія направленія сей составной отъ точки , по произволенію взятой на плоскости сихъ силъ. чл. 17.

Моментъ составной многихъ силъ , какъ нибудь направленныхъ въ одной плоскости, относительно какой ни есть точки сей плоскости , равняется суммѣ моментовъ сихъ силъ. чл. 19.

Уравненія опредѣляющія величину и направленія сей составной. чл. 20.

Уравненія равновѣсія многихъ силъ находящихся въ одной плоскости, 1^о когда сія система силъ есть свободная ; 2^о когда она можетъ обращаться около неподвижной точки. чл. 20.

Моментъ составной многихъ силъ параллельныхъ, находящихся въ разныхъ плоскостяхъ , относительно какой нибудь плоскости параллельной ихъ направленіямъ , равняется суммѣ моментовъ сихъ силъ.

Формулы , опредѣляющія положеніе сей составной. чл. 21.

Уравненія равновѣсія многихъ силъ параллельныхъ. чл. 22.

Уравненія равновѣсія многихъ силъ какихъ нибудь направлений. чл. 23.

О тяжести и о центрахъ тяжести.

Понятіе о тяжести.

Всѣд пѣла пропорціоналенъ его массѣ.

Понятие о центрѣ тяжести.	чл. 24.
Разстояніе общаго центра тяжести многихъ тѣлъ отъ какой нибудь плоскости, равняется суммѣ моментовъ сихъ тѣлъ раздѣленной на сумму массъ.	чл. 25.
Центръ тяжести всякаго тѣла однороднаго находится въ центрѣ его фигуры.	чл. 26.
О центрахъ тяжести периметра и площади параллелограмма, окружности и площади круга, поверхности и толщины шара, периметра многоугольника, площади треугольника, площади трапеции, треугольной и какой нибудь пирамиды, призмы и цилиндра, поверхности и толщины прямаго конуса, дуги круга, сектора и сегменты круга, сектора и сегменты шара.	чл. 26—42.

Употребленіе центровъ тяжести при опредѣленіи поверхностей и толщины тѣлъ вращанія.

Способъ центробарической.	чл. 43 и 44.
---------------------------	--------------

ГЛАВА II.

О машинахъ.

Уравненія равновѣсія веревочной машины состоящей изъ трехъ веревокъ.	чл. 46, 47 и 48.
Равновѣсіе въ веревочномъ многоугольнике.	чл. 49.
Тяжелую веревку никогда не льзя совершенно напрянуть, если она не имѣеть вертикального направления.	чл. 50 и 51.

О рычагѣ.

Определеніе рычага.	чл. 52.
Двѣ силы, копорыя спремяются обращать рычагъ въ противныя стороны, и сосипавляютъ равновѣсіе, находятся между собою въ обратномъ отношеніи ихъ разстояній отъ подставки.	чл. 52.
Опред. рычага первого, втораго и третьяго рода.	чл. 53.
Вѣсы есть рычагъ первого рода.	чл. 54.
Безмѣбѣдъ есть рычагъ первого рода имѣющій плеча неровныя.	чл. 55.

Блоки и полиспасты.

Определеніе блока.	чл. 56.
Сила равняется грузу въ равновѣсіи неподвижнаго блока, который служитъ къ измѣненію направленія силы.	чл. 56.
Объ отношеніи силы къ сопротивленію, действующемъ другъ на друга посредствомъ многихъ блокъ.	чл. 67.
О полиспастѣ.	чл. 58.

О воротѣ и другихъ машинахъ къ нему принадлежащихъ.

Определеніе ворота; равновѣсіе въ воротѣ.	чл. 59 и 60.
Козелѣ.	чл. 62.
Подбелѣ.	чл. 63.

О равновѣсіи на плоскостяхъ.

Тѣло, прикасающееся плоскости только въ одной точкѣ, бываетъ въ равновѣсіи тогда, когда силы	одной
--	-------

на него дѣйствующія приводятся къ одной силѣ,
проходящей чрезъ точку касанія перпендикулярно
къ плоскости. чл. 65.

Опредѣленіе силы, удерживающей тяжелое тѣло въ
равновѣсіи на наклонной плоскости къ сопроти-
вленію. чл. 66 и 67.

О винтѣ.

Опредѣленіе винта. чл. 68.
Уравненіе равновѣсія въ винтѣ. чл. 69.

О клинѣ.

Опредѣленіе клина. чл. 71.
Теорія разложенія силы приводитъ къ уравненію ра-
вновѣсія въ клинѣ. чл. 71.

О треніи.

Опредѣленіе тренія. чл. 72.
Опредѣленіе тренія къ гнѣщенію для двухъ веществъ чл. 73.
Треніе въ воротѣ, рычагѣ и блокѣ. чл. 74.
Треніе въ полиспастахъ, наклоненной плоскости и
винтѣ. чл. 75—76.

ОТДѢЛЕНИЕ ВТОРОЕ

ДИНАМИКА.

ГЛАВА I.

О движении равномѣрномъ.

Опредѣленіе движения равномѣрного, и скорости. чл. 77.
Сила какого нибудь тѣла равняется произведенію его
скорости на массу. чл. 78.
Проспранство перейденное движениемъ равномѣрнымъ,
въ продолженіе какого нибудь времени равняется
произведенію скорости на время. чл. 79.

О движении равномѣрно ускоренномъ.

Опредѣленіе равномѣрно ускоренного движения. чл. 80.
Въ семъ движении скорость преобрѣтеннай при концѣ
какого нибудь времени равняется произведенію уско-
рительной силы на время; а проспранство перейден-
ное равняется произведенію половины ускоритель-
ной силы на квадратъ времени. чл. 81.
Вертикальное движение тяжелыхъ тѣлъ есть равно-
мѣрно ускоренное. чл. 84.

О движении тяжелыхъ тѣлъ по длини наклоненныхъ плоскостей.

Тѣло пройдя длину наклоненной плоскости приобрѣшаеъ шаеъ скоростпь, какую бы оно приобрѣло падая свободно съ высоты сей плоскости. чл. 86.

Разныя случаи движения тѣлъ по наклоненнымъ плоскостямъ. чл. 87 и 88.

ГЛАВА II.

О движении тѣлъ бросаемыхъ въ пустотѣ.

Определение траектории. чл. 90.

Уравненіе сей кривой линіи. чл. 91.

Разныя обстоятельства движения тѣлъ бросаемыхъ въ пустотѣ. чл. 91

О прицѣльныхъ выстрѣлахъ. чл. 92-97.

О движении тяжелой точки по вертикальной кривой линіи и о качаніяхъ простыхъ маятниковъ.

Не тяжелая точка переходя послѣдовательно спорони многоугольника перетѣти при встрѣчѣ каждой спорони часть своей дѣйствительной скорости равную произведенію сей скорости на синусъ, обращенный угла, составленного спороною пройденою съ слѣдующею за нею. чл. 98.

Слѣдов. сія попера въ кривыхъ линіяхъ есть безконечно малая. чл. 98.

Тяжелое тѣло, низходя по вертикальной кривой линіи, по силѣ своей тяжести, имѣетъ въ какой нибудь точкѣ ту самуу скорость, какую оно имѣло бы упавши съ высоты равной высотѣ перейденной дуги, и его движение не зависитъ отъ свойства кривой линіи. чл. 98.

Определение простаго маятника. чл. 99.

Катанія по малымъ дугамъ суть равновременные. чл. 100.

Числа качаній, производимыхъ двумя разными маятниками въ одно время и въ одномъ мѣстѣ, находятся между собою въ обратномъ отношеніи квадратныхъ корней изъ длины сихъ маятниковъ. чл. 101.

О маятникѣ сложномъ. чл. 102.

О силахъ центральныхъ.

Сила центропремышленная тѣла свободнаго, или его сила центропрѣжная, когда оно удерживается, опинаясь къ всу тѣла, какъ высота, принадлежащая скорости, къ половинѣ полупоперешника окружности описываемой симъ тѣломъ. чл. 103.

Свойства центра тяжести.

Естьли многія свободныя тѣла имѣютъ движенія прямолинѣйные, между собою параллельныя и равнотѣрни, то общій ихъ центръ тяжести движется параллельно направленіямъ тѣлъ съ скоростю равною суммѣ количествъ движенія тѣлъ раздѣленной на сумму массъ. чл. 104.

Естьли тѣла имѣютъ направленія прямолинѣйные какія нибудь, что движение ихъ общаго центра тяжести есть прямолинѣйное, равнотѣрное, и при томъ такое, какое бы оно было, естьлибы всѣ силы были къ нему приложены каждая параллельна своему направленію. чл. 105.

Есть ли бѣла между собою соединены, то движение центра тяжести было бы такое же, какое у свободныхъ тѣлъ. чл. 106.

Когда сила переданная какой нибудь неизмѣняемой системѣ проходитъ чрезъ ея центръ тяжести; то всѣ части сей системы имѣютъ равныя скорости. чл. 107.

Если сила, переданная какому нибудь тѣлу, не проходитъ чрезъ его центръ тяжести, то, кромѣ движенія поступательного, тѣло еще будетъ имѣть движение вращательное около своего центра тяжести. чл. 108.

О силѣ недѣйственности и о сраженіи тѣлъ.

Въ слѣдствіе силы недѣйственности тѣло въ покое, или въ движеніи пропившися измѣненію своего состоянія; она пропорціональна массѣ. чл. 109.

О различіи тѣлъ твердыхъ и упругихъ. чл. 110.

Прямой ударъ дѣлается по направленію прямой линіи, проходящей чрезъ центръ тяжести тѣла перпендикулярно къ плоскостямъ касательной къ поверхности двухъ тѣлъ. чл. 110.

Два твердыхъ тѣла, ударяющія другъ друга съ противныхъ сторонъ съ равными скоростями, останавливаются послѣ удара въ покое. чл. 110.

Два твердыхъ тѣла, которыхъ ударяютъ другъ друга съ противныхъ сторонъ и находятся въ равновѣсіи, имѣютъ количества движенія равныя между собою. чл. 111.

Скорость твердыхъ тѣлъ послѣ удара равняется суммѣ ихъ количествъ движенія до удара, раздѣленной на сумму ихъ массъ. чл. 112.

Сумма количествъ движенія по ударѣ есть та же, какая до удара, и скорость движенія двухъ тѣлъ послѣ удара есть та же, какая до удара. чл. 112.

О сраженіи тѣлъ упругихъ. чл. 113 и 114.

Живою силою тѣла назывъ произведеніе его массы на квадратъ скорости.

Скорость, съ которой упругія тѣла удаляются одно отъ другаго послѣ удара, равняется скорости, съ которой они приближаются одно къ другому до удара. чл. 114.

ОТДѢЛЕНИЕ ТРЕТИЕ

ГИДРОСТАТИКА.



ГЛАВА I.

Жидкая масса есть собраніе матеріальныхъ частичекъ чрезмѣрно тонкихъ и совершенно движимыхъ во всѣ стороны. чл. 115.

Жидкая тѣла бывають несентаемыя и сенѣтаемыя или упругия. чл. 115.

О гибкеніи жидкаго тѣла, содержащагося въ судѣ. чл. 116—118.

Удельная тяжесть тѣла есть вѣсъ единицы объема сего тѣла.

Вѣсъ тѣла есть произведеніе его удельной тяжести на объемъ.

Плотность тѣла есть масса единицы его объема. чл. 119.

Тиѣпеніе производимое жидкимъ пѣломъ тяжелыхъ на плоскую поверхность, имѣющую какое нибудь положеніе, равняется произведенію сей поверхности на разстояніе ея центра тяжести отъ верхней горизонтальной поверхности и на удѣльную тяжесть жидкаго пѣла.

чл. 120.

О пѣлахъ первыхъ погружаемыхъ въ жидкія. чл. 122—123.

ГЛАВА II.

О воздухѣ, о барометрѣ и его употребленій при измѣреніи высотъ.

Воздухъ есть пѣло прозрачное, сгнѣпаемое въ опи-
шении грузовъ его обременяющихъ; онъ разширяет-
ся $\frac{1}{250}$ своего объема для каждого градуса термомет-
ра спиро-градуснаго,

чл. 124.

Барометръ показываетъ, что гнѣпеніе атмосферы
увеличивается или уменьшается по мѣрѣ того, какъ
рѣпушный столбъ поднимается или опускается. чл. 124.

Слѣдов. сей инструментъ можетъ служить къ измѣ-
ренію высотъ.

чл. 125.

ИМЕНА ОСОБЪ ПОДПИСАВШИХСЯ НА ПО- ЛУЧЕНИЕ СЕГО КУРСА.

двора ЕГО ИМПЕРАТОРСКАГО ВѢЛИЧЕСТВА Пажъ .

Василій Дмитріевичъ Телепнѣвъ.

Ея Высокоблагородіе, Марья Андреевна Яковлева.

Олеа Ивановна Барова.

Его Благородіе, Ванорд Васильевичъ Вѣликовъ.

Петръ Александровичъ Шлефохтѣ.

Серебръ Петровичъ Ивановъ.

Алексѣй Григорьевичъ Спиридонъ.

Максиминъ.

Павелъ Дмитріевичъ Чересинъ.

Его Высокобл. Михайло Яковлевичъ Маловъ.

Фришъ.

Иванъ Федоровичъ Булыгинъ.

Петръ Александровичъ Батуринъ.

Неизвѣстный въ Тулу.

Василіевъ.

Его Благородіе Василіевъ.

Василій Ивановичъ Головинъ.

Дмитрій Васильевичъ Ильинъ.

Филипъ Васильевичъ Сыромятниковъ.

Иванъ Исаевичъ Палеховъ.

Ея Сиятел. Графиня Надежда Федоровна Край.

Его Сиятел. Князь Даляновъ.

Ея Превосход. Екатерина Алексеевна Рябинина.

Его Благородіе, Александръ Николаевичъ Аниловъ.

Александръ Николаевичъ Доброхотовъ.

Яковъ Львовичъ Кожинъ.

Исаакъ Александровичъ Анненковъ.

Василій Александровичъ Тинковъ.

Дмитрій Алексеевичъ Пантцирадзе.

Никитѣ Федоровичъ Левашовъ.

Александръ Федоровичъ Левашовъ.

Неизвѣстный въ Иркутскъ.

Англинской часовой мастеръ, Петръ Андрѣевъ, Гильбертъ.

Его Благородіе, Константинъ Константиновъ. Варламъ.